

7. Gleichstrom

Jede Gleichspannungsquelle (U_0) mit einem sehr hohen Innenwiderstand ($R_i \gg R_{\text{Last}}$) stellt eine Konstantgleichstromquelle dar, da ihr Strom fast unabhängig von dem Lastwiderstand ist. Er wäre dann näherungsweise:

$$I_{\text{const}} = U_0 / R_i \quad (7.1)$$

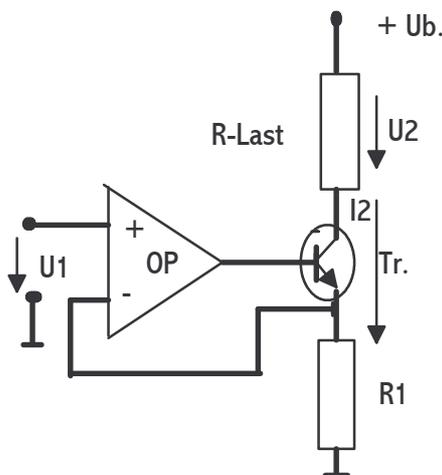
Die Gleichstrommessung wird meistens auf eine Spannungsmessung an einem Präzisionswiderstand, der vom zu prüfenden Strom durchflossen wird, zurückgeführt.

7.1 Gleichstromnormale

Als Spannungsquellen können Batterien, Akkumulatoren oder elektronische Gleichrichterschaltungen für Netzbetrieb verwendet werden. In der Praxis ist eine Stromquelle mit Vorwiderstand, der dem Innenwiderstand der gesamten Quelle entspricht, nicht sinnvoll. Denn bei einem eingprägten Strom von zum Beispiel 100mA müßte mit einem R_i von 100 kOhm die Spannung 10 kV betragen. Um dies zu umgehen verwendet man aktive Halbleiterbauelemente wie Transistoren, Feldeffekttransistoren oder Operationsverstärker, die einen differentiellen hohen Innenwiderstand in einer Regelschleife erzeugen. So kann mit normalen Betriebsspannungen eine gute Stromquelle aufgebaut werden. Als Beispiel soll hier eine von einem Operationsverstärker gesteuerte Transistorstromquelle vorgestellt werden.

Für den Ausgangsstrom gilt:

$$I_2 = (U_1 / R_1) * (1-1/B) \quad (7.2)$$



Mit $U_1 > 0$ und $B > 100$ (statische Transistorstromverstärkung) kann der Ausgangsstrom leicht mit der Eingangsspannung U_1 und dem Steuerwiderstand R_1 eingestellt werden. Für R_1 muß ein niederohmiger Präzisionswiderstand verwendet werden, der möglichst keinen Temperaturkoeffizienten besitzt, da über ihn der gesamte Strom fließt. Eine Drift von Eingangsspannung oder Steuerwiderstand würde nämlich den Ausgangsstrom verändern. Für den Ausgangswiderstand (=Innenwiderstand der Quelle) gilt:

$$r_a = b * r_{\text{CE}} \quad (7.3)$$

Für eine 100 mA Quelle läßt sich das folgende berechnen: $U_1=1\text{V}$ mit Gleichung 7.2 $\Rightarrow R_1 = 10 \text{ Ohm}$. Mit $b = 150$ (differentielle Stromverstärkung) und $r_{\text{CE}} = 1500 \text{ Ohm}$ berechnet sich $r_a = 225 \text{ kOhm}$.

Durch Vergleich mit den Werten von oben ergibt sich ein klarer Vorteil für die elektronische Schaltung. Bei einem Lastwiderstand von 100 Ohm ergibt sich ein Spannungsabfall von 10V. Daher muß die Versorgungsspannung in diesem Fall $> 12 \text{ V}$ ($10+1+1[U_{\text{CE}}]$) sein, da sonst der Stromquelle die Spannung fehlt (Compliance Voltage). Die Spannung U_1 , die ja sehr stabil sein muß, kann im einfachsten Fall über eine Widerstands- Zenerdiodenkombination mit einem Kondensator zur Pufferung von der Betriebsspannung abgeleitet werden, da der Eingang des Operationsverstärkers wegen seines hohen Widerstandes die Schaltung nicht belastet. Auf Grund des Innenwiderstandes der Stromquelle und des Lastwiderstandes entsteht ein Fehler beim Ausgangsstrom, der von dem Verhältnis der beiden Größen abhängt.

$$I_c = U_0 / (R_i + R_L) \quad (7.4)$$

Beispiel: $R_i = 100 \text{ k}\Omega$; $U_0 = 10 \text{ kV}$; $R_L = 0, 1, 100 \text{ }\Omega$ mit Gleichung 7.4 gilt: $I_c = 100, 99.999, 99.90 \text{ mA}$ je nach Last. Für das Widerstandsverhältnis: $100/100000 = 0.001 \Leftrightarrow$ Abweichung beim Strom (nach unten).

Die hier vorgestellte Schaltung zeigt nur das Grundprinzip für eine einfache positive Gleichstromquelle. In der Präzisionsmeßtechnik werden aber auch negative und wechselnde Stromquellen benötigt. Ein Beispiel hierfür ist der Transkonduktanzverstärker, der ein Gleich- oder Wechselspannung in einen Gleich- oder Wechselstrom überführt. Er benötigt gegenüber einem üblichen Stromnormal intern keine Präzisionsspannungsquellen. An dem folgenden Bild eines vereinfachten Stromverstärkers soll das Prinzip erläutert werden.

Die Eingangsspannung U_e wird erdfrei an die Schaltung angelegt und treibt dann über R_L den Strom I_A . I_1 fließt über R_1 , R_2 und R_S ; I_A über R_L und R_S . Es ergeben sich die folgenden Gleichungen.

$$U_1 = I_1 \cdot R_2 \quad (7.5)$$

$$U_2 = (I_A - I_1) \cdot R_S \quad (7.6)$$

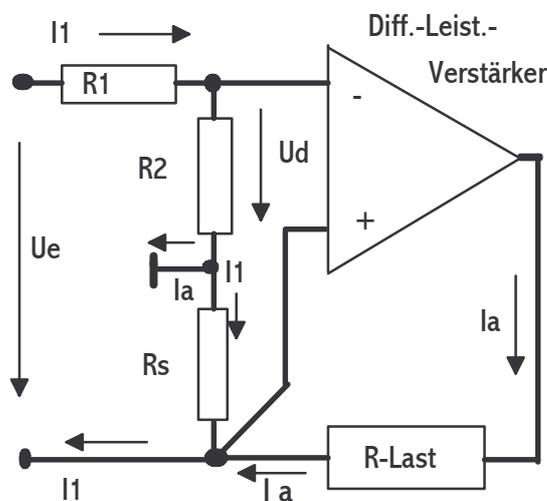
Da $U_D = 0$ wegen des Operationsverstärkers gilt.

$$U_1 = U_2 \quad (7.7) \quad U_E = I_1 \cdot R_1 \quad (7.8)$$

Gleichung 7.5 und 7.6 in 7.7 und nach I_A aufgelöst:

$$I_A = I_1 \cdot R_2 / R_S + I_1 \cdot R_S / R_S \quad (7.9)$$

Mit I_1 von Gleichung 7.8 in Gleichung 7.9 eingesetzt folgt die Endformel für den Ausgangsstrom in Abhängigkeit der veränderbaren Eingangsspannung und der festen Widerstände; I_A ist



proportional zu U_E :

$$I_A = U_E \cdot ((R_2 + R_S) / (R_1 \cdot R_S)) \quad (7.10)$$

Die zwei vorgestellten Prinzipschaltungen sollten nur stellvertretend für alle Stromquellen den Aufbau von möglichen Stromquellen beschreiben. Es gelten für alle Stromquellen die beiden Regeln, daß sich die Unsicherheit des Stromwertes mit dem Stromanstieg und mit dem Anstieg der Frequenz erhöht. Dies wird auch in der Tabelle für die kommerziellen Geräte ersichtlich. Besonders häufig sind die Stromquellen versteckt in all den Multimetern zu finden, mit denen man Widerstände messen kann. Über den in den Prüfling eingepprägten bekannten Strom und den so erzeugten gemessenen Spannungsabfall, wird der Widerstand berechnet. Für die Erzeugung von Gleichstrom kommen in der Praxis entweder im einfachsten Fall Netzteile, die im Strommodus betrieben werden, Universalkalibratoren oder spezielle Stromgeber in zur Anwendung. Bei Netzteilen kann eine Genauigkeit des Stromes von 0.1% erreicht werden. Einfache Stromgeber wie von den Firmen Burster, Vahalla (Stromverstärker), und Analogic haben bis zu einem Endwert von 1 A eine Unsicherheit von 0.02%. Für die guten Universalkalibratoren, die in Kapitel 10 beschrieben werden, sehen die 90-Tage Spezifikationen etwa so aus:

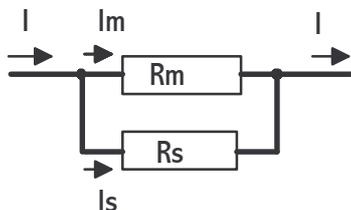
| Bereich | Unsicherheit $\pm(\text{ppm}+\text{A})$ |
|-------------------|---|
| 220 μA | 50 + 10 nA |
| 2.2 mA | 40 + 10 nA |
| 22 mA | 40 + 100 nA |
| 220 mA | 50 + 1 μA |
| 2.2 A | 80 + 30 μA |
| 12 A | 200 + 0.5 mA |

Für den oben beispielhaft beschriebenen Transkonduktanzverstärker von Fluke (5220A) gilt im Bereich 0A bis 20A die Unsicherheit bei Gleichstrom: $\pm (0.025 \% + 1 \text{ mA})$. Hierin ist die meist zu vernachlässigende Gleichspannungsunsicherheit für die Eingangsspannung U_E nicht enthalten. Eine Stromquelle, die aus einer Spannungsquelle und Innenwiderständen besteht, ist die Picoamperequelle 261 von Keithley. Mit ihr können Ströme von $1 \cdot 10^{-4}$ bis $1 \cdot 10^{-14}$ A eingepreßt werden, wobei der Fehler mit steigendem Strom wegen des kleiner werdenden Innenwiderstandes zunimmt.

7.2 Gleichstrommessung

Es sollen hier nur die heute allgemein üblichen Meßverfahren vorgestellt werden, also nicht die Strommessung mit Kompensator (und Widerstand), Gleichstromwandler (1kA bis 100kA), Hallgenerator (bis 100kA), Galvanometer oder Ladungsmesser. Es bleiben übrig die Direktmessung mit einem Meßwerk (z.B. Drehspulenmeßwerk) ohne oder mit Shunt, die Messung eines Spannungsabfalls an einem Meßwiderstand mit einem Voltmeter oder die Elektrometerschaltung für kleine Ströme. Bei einem Drehspulenmeßwerk fließt auf Grund der mechanischen Konstruktion ein im Vergleich zu den elektronischen Spannungsmessern großer Strom (z.B. 1mA). Es ist hier die Auslenkung des Zeigers (Drehmoment) direkt proportional mit dem von der Meßwerkspule durchflossenen Strom. Mit dem ohmschen Gesetz ($U=R \cdot I$) sind die angelegte Spannung und der durchflossenen Strom über dem konstanten Innenwiderstand des Instruments verknüpft. Deswegen eignet sich die Meßwerkspule auch für Spannungsmessungen und kann mit Parallelwiderständen (Shunt / Nebenwiderstand) im Strommessbereich erweitert werden.

Der Shunt ist für die größeren Ströme kleiner als der Meßwerkwiderstand. Es gilt nach der Abbildung:



$$I = I_m + I_s \quad (7.11) \quad R_m / R_s = I_s / I_m \quad (7.12)$$

Die Gleichung 7.11 in 7.12 und nach R_s aufgelöst ergibt den Shunt der für eine bestimmte Meßbereichserweiterung gebraucht wird.

$$R_s = (R_m \cdot I_m) / (I - I_m) \quad (7.13)$$

Beispiel: $R_m = 10 \text{ Ohm}$; $I_m = 10 \text{ mA}$; $I = 3 \text{ A} \Rightarrow R_s = (10 \cdot 0.01) / (3 - 0.01) = 0.03344 \text{ Ohm}$. Im Betrieb fließt durch den Shunt: $I_s = I - I_m \Rightarrow I_s = 3 - 0.01 = 2.99 \text{ A}$

Es ist zu beachten, daß durch den Spannungsabfall bei einer Strommessung im gesamten Stromkreis ein Spannungsfehler entsteht, der mit steigendem Gesamtinnenwiderstand des Strommessers immer größer wird. Deswegen wird angestrebt den Shuntwiderstand möglichst klein zu wählen und dafür ein empfindlicheres Meßwerk mit hohem Innenwiderstand auszusuchen. Für die Präzisionsmeßtechnik sind die Drehspulenmeßgeräte heutzutage mit einer Eigenmeßunsicherheit von bestenfalls 0.1% uninteressant. Bei Verwendung der elektronischen Präzisionsvoltmeter mit hoher Auflösung im kleinsten Gleichspannungsbereich und

einem Eingangswiderstand von etwa 10 GOhm sind erheblich bessere Meßmöglichkeiten gegeben. Entweder wird der Gleichstrom mit internen oder mit externen Shunt detektiert. Im ersten Fall wie beim Voltmeter HP 3458 lassen sich Messungen im Bereich 100nA bis 1A einfach durchführen. Im zweiten Fall muß ein Stromnormalwiderstand in den Meßkreis geschaltet werden und direkt an den Spannungsanschlüssen des Normalwiderstandes wird das Voltmeter angeschlossen. Obwohl natürlich weiterhin die Formel 7.13 gilt, kann R_m gegenüber R_s vernachlässigt werden, da fast der ganze Strom über den Shunt fließt. ($I = U_M / R_s$) Die Meßspannung U_M sollte möglichst klein sein, soweit dies das Voltmeter zuläßt, um den Meßkreis nicht zu sehr zu verfälschen. Um bei 1A im 100mV Meßbereich Vollausschlag zu haben muß der Shunt 0.1 Ohm betragen. Zwar läßt sich auch mit 0.01 Ohm messen, aber dann steigt die Unsicherheit der Messung auf Grund des Voltmeterbereichsfehlers (100mV) um den Faktor 10 an. Grundsätzlich müssen natürlich die Meßunsicherheiten des Voltmeters und die Werte des Nebenwiderstands, siehe auch das Kapitel über Widerstände, addiert werden. Außerdem müssen andere Effekte wie Störspannungen, Eingangswiderstand des Voltmeters im Verhältnis zum Shuntwiderstand und die Änderung des Widerstandswertes mit der Temperatur durch Erwärmung Berücksichtigung finden. Für ein praktische Beispiel genügen die Gleichungen:

$$U = R * I \quad (7.14)$$

$$R_g = (R_m * R_s) / (R_m + R_s) \quad (7.15)$$

Beispiel: $R_m=1\text{M}\Omega \pm 0.01\%$; $U_m=99.98 \text{ mV} \pm 0.002\%$; $R_s=100.045 \text{ Ohm} \pm 0.002\% \Rightarrow R_s/R_m=0.0001$; für den Gesamtwiderstand mit Gleichung 7.15 gilt: $R_g=100.0345 \text{ Ohm}$, ohne Berücksichtigung des Voltmetereingangswiderstands ($R_m=\infty$) wäre $R_g=R_s$, also um 0.0001 zu hoch (bei 100kOhm: 99.945 und 0.001). Mit Gleichung 7.14 gilt: $I=U_m/R_g \Rightarrow I=99.98\text{mV}/100.0345\text{Ohm} = 0.99945 \text{ mA}$ (bei $R_m=0$: $I=0.99935 \text{ mA}$)

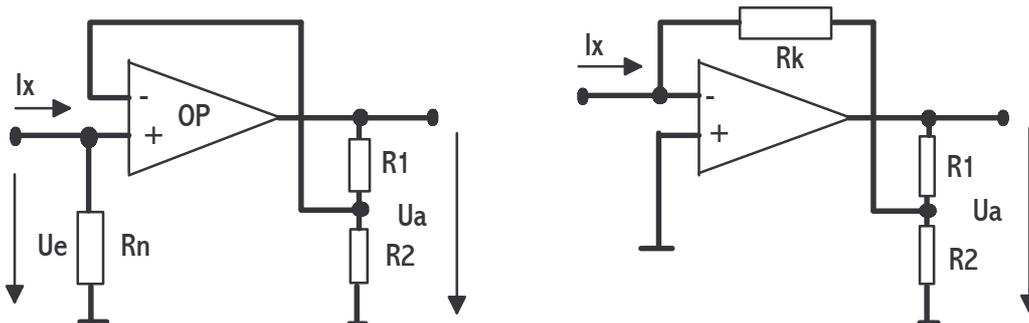
Wie man an dem Beispiel sieht geht das Widerstandsverhältnis direkt in den Fehler des Meßergebnisses ein, wenn R_m nicht berücksichtigt wird. Entsprechend wirkt sich auch die Unsicherheit der beiden Widerstände bei der richtigen Rechnung aus. Für den idealen Fall mit $R_s/R_m = 1 * 10^{-6}$ oder kleiner kann der Innenwiderstand des Voltmeters vernachlässigt werden, sodaß mit der Formel 7.14 mit dem wahren Wert des Widerstandes der Strom berechnet werden kann. Vorsicht bei AC-DC-Substitutionen, da der Voltmeterinnenwiderstand bei Wechselspannung meist erheblich kleiner als bei Gleichspannung ist.

Die Elektrometerschaltung, die Ähnlichkeit mit der Eingangsschaltung eines modernen Multimeters hat, besteht aus einem Operationsverstärker mit dem Strommesswiderstand je nach der Beschaltung im Eingangskreis oder im Rückkopplungszweig. Die Schaltung kommt hauptsächlich für Strommessungen im Bereich 1 mA bis 0.1 pA zum Einsatz. Es wird in den beiden Beispielen von einem idealen Operationsverstärker ausgegangen, dessen Eingangsstrom und Differenzspannung fast Null ist. Für die nicht invertierende Schaltung mit dem Eingang an + gilt:

$$U_e = R_n * I_x \quad (7.16)$$

$$U_a = U_e * (R_1 + R_2) / R_2 \quad (7.17)$$

$$I_x = (U_a / R_n) * (R_2 / (R_1 + R_2)) \quad (7.18)$$

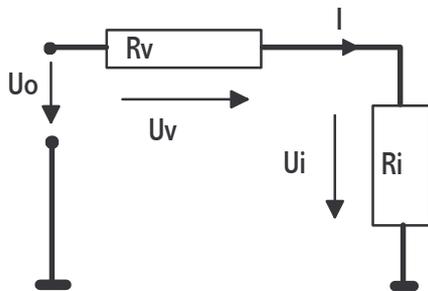


Die Wahl von R_n wird von verschiedenen Punkten beeinflusst. Der Widerstand sollte wesentlich kleiner als der Eingangswiderstand des Operationsverstärkers sein und wesentlich größer als der Innenwiderstand der zu messenden Stromquelle. Bei dem invertierenden Verstärker liegt der Strommeßwiderstand im Rückkopplungszweig des Operationsverstärkers, der an Eingang - beschaltet ist.

$$I_x = - U_a / R_k * R_2 / (R_1 + R_2) \quad \text{mit } R_k \gg R_2 \quad (7.19) \quad I_a = - U_a / R_k \quad \text{mit } R_1 = 0 \quad (7.20)$$

Hier ist die Wahl von R_k von der Gleichspannungsdrift des Operationsverstärkers abhängig und daher darf der Widerstand nicht größer als der Innenwiderstand der Stromquelle gewählt werden. Der Innenwiderstand der Schaltung mit $Z_i = R_k / A_0$ bleibt wegen der hohen Leerlaufverstärkung A_0 sehr klein und beeinflusst das Meßergebnis im allgemeinen nicht. Eine weitere Möglichkeit kleine Ströme unter $100\mu\text{A}$ zu bestimmen ist über eine Spannungsquelle mit Vorwiderstand. Dazu wird zuerst der Innenwiderstand R_i des Strommessers ausgemessen und dann der passende Vorwiderstand für eine entsprechende Gleichspannung U_0 und den gewünschten Strom gewählt.

$$I = \frac{U_0}{R_i + R_v} \quad (7.21)$$



Die Gesamtunsicherheit dieses Meßverlaufs setzt sich aus den Einzelunsicherheiten der verschiedenen Parameter zusammen, wobei der Innenwiderstandsmessung besondere Bedeutung zukommt, da es hier nicht zu einer Überlastung des Einganges kommen darf, sodaß die Schutzschaltung des Strommessers die Messung verfälscht.

Beispiel: Mit HP 3458A; $R_i=45\text{ k}\Omega$ im $1\mu\text{A}$ Bereich gemessen; $R_v=1.002\text{ MOhm}$ (Normal) $\Rightarrow R_{\text{Summe}}=1.047\text{ MOhm}$. aus GL. 7.21 $\Rightarrow U_0=1.047\text{ V}$.

Eine Wahl von 1 V Nennspannung ist meistens sinnvoll.

Da es sich bei den beiden Widerständen immer um krumme Werte handelt, muß mit einem Spannungsnormal dann der gewünschte Strom eingestellt werden.

7.3 Messunsicherheitsberechnungen

Es gilt zwei Standardfälle mit Beispielen zu behandeln.

7.3.1 Kalibrierung von Gleichstromquellen

Bei dieser Messung wird der Stromwert eines Prüflings (z.B.:Kalibrator) mit dem Meßnormal bestimmt. Die Messung erfolgt entweder über einen Spannungsabfall an einem Stromwiderstand (Shunt) oder direkt mit dem DVM (z.B.: HP3458). Es kommen daher zwei Modellgleichungen in Betracht.

Es gelten die folgenden neuen Abkürzungen:

- I_P : Meßergebnis des Prüflings; Ergebnis der Messung mit Berechnung
 R_N : Wert des Widerstandsnormal
 $R_N^\#$: Gesamtgleichung für das Widerstandsnormal mit Meßunsicherheiten
 δu_{x1} : Temperatureinfluß auf das Normal. $\delta u_{x1} = kt \cdot dT$; Hierbei ist kt der Temperaturkoeffizient des Widerstands
 δu_{x2} : Abgeschätzte zeitliche Inkonzanz (Drift/Alterung)
 δu_{x3} : Messunsicherheit von 9975 und 9923 (Widerstandsmesseinrichtung)
 δCal_{ext} : Kalibrierunsicherheit der benötigten Normale bei der Dvm Kalibrierung

Für die Modellfunktion mit Shunt gilt (erste Tabelle):

$$I_P = \frac{A_N}{R_N^\#} + \delta Verf \quad (7.22)$$

Für die Bestimmung der Sensitivitätskoeffizienten (c) muß die Gleichung (7.22) nach allen veränderlichen Variablen abgeleitet werden.

$$\frac{\partial I_P}{\partial A_N} = \frac{1}{R_N^\#} = c_1 \quad (7.23)$$

$$\frac{\partial I_P}{\partial R_N^\#} = \frac{-A_N}{(R_N^\#)^2} = c_2 \quad (7.24)$$

$$\frac{\partial I_P}{\partial \delta Verf} = 1 = c_3 \quad (7.25)$$

Für die Modellfunktion mit Dvm gilt (zweite Tabelle):

$$I_P = A_N + \delta Mess + \delta Cal_{ext} + \delta Auf + \delta Verf \quad (7.26)$$

Hier werden alle Sensitivitätskoeffizienten im Betrag eins.

(Shunt)

| Größe (X_i) | Schätzwert (x_i) | Standardmeßunsicherheit $u(x_i)$ | Verteilung | Sensitivitätskoeffizient C_i | Unsicherheitsbeitrag $U_{i(y)}$ |
|-----------------|----------------------|--|------------|--------------------------------|---|
| R_N | 0,100 003 Ohm | $4 \cdot 10^{-6} / 2 \cdot 0,1$ Ohm | Normal | $C_2 = -100 \cdot C_3$ | $-2,00 \cdot 10^{-5}$ A |
| δu_{x1} | 0 | $1 \cdot 10^{-6} / \sqrt{3} \cdot 0,1$ Ohm | Recht. | $C_2 = -100 \cdot C_3$ | $-5,77 \cdot 10^{-6}$ A |
| δu_{x2} | 0 | $2 \cdot 10^{-6} / \sqrt{3} \cdot 0,1$ Ohm | Recht. | $C_2 = -100 \cdot C_3$ | $-1,15 \cdot 10^{-5}$ A |
| δu_{x3} | 0 | $1 \cdot 10^{-6} / \sqrt{3} \cdot 0,1$ Ohm | Recht. | $C_2 = -100 \cdot C_3$ | $-5,77 \cdot 10^{-6}$ A |
| A_N | 1,000043 V | $3 \cdot 10^{-6} / \sqrt{6} \cdot 1$ V | Normal | $C_1 = 10 / \text{Ohm}$ | $1,22 \cdot 10^{-5}$ A |
| $\delta Verf$ | 0 | $1 \cdot 10^{-5} / \sqrt{3} \cdot 10$ A | Recht. | $C_3 = 1$ | $5,77 \cdot 10^{-5}$ A |
| I_P | 10,00013 A | - | - | - | $6,385 \cdot 10^{-5}$ A |

$$C_3 = V / \text{Ohm}^2$$

Erweiterte Meßunsicherheit mit $k=2$: $U = 2 \cdot 6,385 \cdot 10^{-5}$ A = $1,3 \cdot 10^{-4}$ A

Vollständiges Meßergebnis: $I_P = (10,00013 \pm 0,00013)$ A

(DVM)

| Größe (X_i) | Schätzwert (x_i) | Standardmeßunsicherheit $u(x_i)$ | Ver- teilung | Sensitivitäts- koeffizient C_i | Unsicherheits- beitrag $u_{i(y)}$ |
|-----------------------|--|---|-----------------|--|---|
| A_N | 1,000034 μA | $1 \cdot 10^{-6}/\sqrt{6} \cdot 1 \mu\text{A}$ | Normal | $C_{1=1}$ | $4,08 \cdot 10^{-13} \text{ A}$ |
| δMess | 0 | $58 \cdot 10^{-6}/\sqrt{3} \cdot 1 \mu\text{A}$ | Recht. | $C_{2=1}$ | $3,35 \cdot 10^{11} \text{ A}$ |
| δCalext | 0 | $35 \cdot 10^{-6}/2 \cdot 1 \mu\text{A}$ | Normal | $C_{3=1}$ | $1,75 \cdot 10^{-11} \text{ A}$ |
| δAuf | 0 | $5 \cdot 10^{-7}/\sqrt{3} \cdot 1 \mu\text{A}$ | Recht. | $C_{4=1}$ | $2,89 \cdot 10^{-13} \text{ A}$ |
| δVerf | 0 | $1 \cdot 10^{-7}/\sqrt{3} \cdot 1 \mu\text{A}$ | Recht. | $C_{5=1}$ | $5,77 \cdot 10^{-14} \text{ A}$ |
| I_P | 1,000034 μA | - | - | - | $3,78 \cdot 10^{-11} \text{ A}$ |

Erweiterte Meßunsicherheit mit $k=2$: $U=2 \cdot 3,78 \cdot 10^{-11} \text{ A} = 7,56 \cdot 10^{-11} \text{ A}$

Vollständiges Meßergebnis: $I_{P=(1,000034 \pm 0,000076) \mu\text{A}}$

7.3.2 Kalibrierung von Gleichstrommessern

Zur Kalibrierung der Meßeinrichtung, zum Beispiel DVM, wird mit einem Normalquelle (z.B: Kalibrator-Fluke 5220) eine Messung durchgeführt. Aus sechs Anzeigen ist der Mittelwert 10,0058 A mit einer relativen Standardabweichung von $8 \cdot 10^{-6}$ in einer Beispielsmessung ermittelt worden. So läßt sich mit der Modellgleichung die Unsicherheitstabelle erstellen.

Für die Modellfunktion gilt:

$$I_{\text{Diff}} = A_N - I_{\text{CalIN}} + \delta\text{Auf} + \delta\text{Verf} \quad (7.27)$$

Die Ergebnisse für die alle Sensitivitätskoeffizienten sind im Betrag gleich eins.

Die Funktionsgleichung 7.27 auf dieses Beispiel angewendet, ergibt das folgende Messunsicherheitsbudget:

| Größe (X_i) | Schätzwert (x_i) | Standardmeßunsicherheit $u(x_i)$ | Ver- teilung | Sensitivitäts- koeffizient C_i | Unsicherheits- beitrag $u_{i(y)}$ |
|---------------------|-------------------------|---|-----------------|--|--|
| A_N | 10,0058 A | $8 \cdot 10^{-6}/\sqrt{6} \cdot 10 \text{ A}$ | Normal | $C_{1=1}$ | $3,26 \cdot 10^{-5} \text{ A}$ |
| I_{CalIN} | 10,0000 A | $2,5 \cdot 10^{-5}/\sqrt{3} \cdot 10 \text{ A}$ | Normal | $C_{2=-1}$ | $1,44 \cdot 10^{-3} \text{ A}$ |
| δAuf | 0 | $0,5 \cdot 10^{-5}/\sqrt{3} \cdot 10 \text{ A}$ | Recht. | $C_{3=1}$ | $2,89 \cdot 10^{-5} \text{ A}$ |
| δVerf | 0 | $0,001 \text{ A}/\sqrt{3}$ | Recht. | $C_{4=1}$ | $5,77 \cdot 10^{-4} \text{ A}$ |
| I_{Diff} | 0,0058 A | - | - | - | $1,55 \cdot 10^{-3} \text{ A}$ |

Erweiterte Meßunsicherheit mit $k=2$: $U=2 \cdot 1,55 \cdot 10^{-3} \text{ A} = 3,1 \cdot 10^{-3} \text{ A}$

Vollständiges Meßergebnis: $I_{\text{Diff}=(0,0058 \pm 0,0031) \mu\text{A}}$

Das Ergebnis sagt aus, dass das DVM um 0,0058 A bei einem Meßwert von 10A zu hoch mißt.